

Zusammenfassung: Kreise

1. Flächeninhalt

$$h_1 = \sqrt{r^2 - (r/8)^2}; h_2 = \sqrt{r^2 - (2 \cdot r/8)^2}; h_3 = \sqrt{r^2 - (3 \cdot r/8)^2} \dots$$

$$A_i = vr^2 - (r/8)^2 + v r^2 - (2 \cdot r/8)^2 + vr^2 - (3 \cdot r/8)^2 + \dots + vr^2 - (7 \cdot r/8)^2$$

$$A_i = r/8 \cdot \sqrt{r^2 - (r/8)^2} + r/8 \cdot \sqrt{r^2 - (2 \cdot r/8)^2} + r/8 \cdot \sqrt{r^2 - (3 \cdot r/8)^2} + \dots + r/8 \cdot \sqrt{r^2 - (7 \cdot r/8)^2}$$

$$A_i = r/8 \cdot \sqrt{r^2 - (1-1/8)^2} + r/8 \cdot \sqrt{r^2 - (1-2/8)^2} + r/8 \cdot \sqrt{r^2 - (1-3/8)^2} + \dots + r/8 \cdot \sqrt{r^2 - (1-7/8)^2}$$

$$A_i = r/8 \cdot r \sqrt{1-1/8^2} + r/8 \cdot r \sqrt{1-2/8^2} + r/8 \cdot r \sqrt{1-3/8^2} + \dots + r/8 \cdot r \sqrt{1-7/8^2}$$

$$A_i = r^2/8 \cdot [\sqrt{1-1/8^2} + \sqrt{1-2/8^2} + \sqrt{1-3/8^2} + \dots + \sqrt{1-7/8^2}]$$

$$A_a = r^2/8 [1 + \sqrt{1-1/8^2} + \sqrt{1-2/8^2} + \sqrt{1-3/8^2} + \dots + \sqrt{1-7/8^2}]$$

Allgemein:

$$A_i = r^2/n \cdot [\sqrt{1-1/n^2} + \sqrt{1-2/n^2} + \sqrt{1-3/n^2} + \dots + \sqrt{1-n-1/n^2}]$$

$$A_a = r^2/n [1 + \sqrt{1-1/n^2} + \sqrt{1-2/n^2} + \sqrt{1-3/n^2} + \dots + \sqrt{1-n-1/n^2}]$$

Formel für den Flächeninhalt eines Kreises:

$$\mathbf{A = r^2 * \pi}$$

$$\mathbf{A = \left(\frac{d}{2}\right)^2 * \pi}$$

2. Umfang eines Kreises:

Münzenvergleich:

Münze	d [cm]	U [cm]	U/d
1	1,6	5	3,1
2	1,8	5,6	3,0
5	2,1	6,7	3,2
10	1,9	6,5	3,4
20	2,2	7,6	3,45
50	2,3	7,6	3,3
1	2,3	7,5	3,26
2	2,5	8	3,2

Der Quotient U/d ist immer gleich.

Vermutung:

$$U = k \cdot d = k \cdot 2r$$

Beweis:

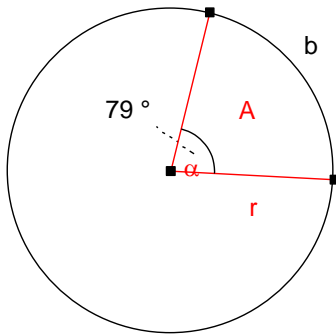
$$r \cdot \frac{1}{2} U = \pi r^2 \quad | :r$$

$$\frac{1}{2} U = \pi r \quad | \cdot 2$$

$$U = 2r\pi$$

$$U = 2r\pi = d \cdot \pi$$

3. Kreisausschnitt / Kreisbogen:



Winkelmaß	Flächeninhalt des Kreisausschnittes [cm ²]	Länge des Bogens [cm]
360°	$r^2 \cdot \pi = 100\pi = 314,1$	$2r\pi = 62,82$
180°	$180/360 \cdot r^2 \cdot \pi = 157,05$	$2r \cdot \pi/2 = 31,41$
120°	$120/360 \cdot r^2 \cdot \pi = 104,7$	$2r \cdot \pi/3 = 20,04$
1°	$1/360 \cdot r^2 \cdot \pi = 0,87$	$2r \cdot \pi/360 = 1,74$
22°	$22/360 \cdot r^2 \cdot \pi = 11/180 \cdot r^2 \cdot \pi = 19,2$	$11 \cdot 2r \cdot \pi/180 = 19,2$

Berechnung des Kreisausschnittes:

$$A_\alpha = \frac{\alpha}{360^\circ} \cdot r^2 \cdot \pi$$

$$A_\alpha = \frac{1}{2} \cdot b \cdot r$$

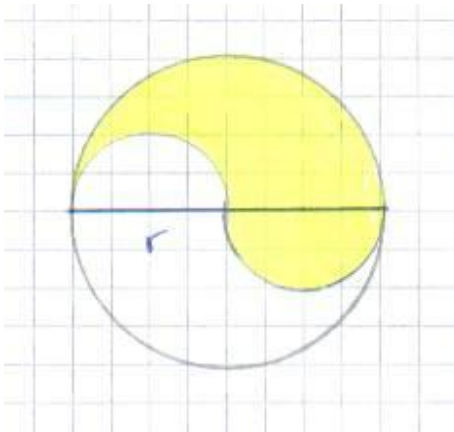
Berechnung des Bogenmaßes:

$$b = \frac{\alpha}{360^\circ} \cdot 2r\pi = \frac{\alpha}{180^\circ} \cdot r\pi$$

4. Kreisfläche - Vorgehensweise

Vorgehensweise:

1. Zuerst bestimmt man den Radius, man legt eine Strecke mit einem Buchstaben (r, a, ...) fest.



2. Danach berechne man erst mal die Fläche des kleinen weißen Halbkreises.

$$A_{\text{Kreis}} = \frac{r^2 \cdot \pi}{2}$$

$$A = \frac{\frac{r^2}{4} \cdot \pi}{2} = \frac{r^2 \cdot \pi}{8}$$

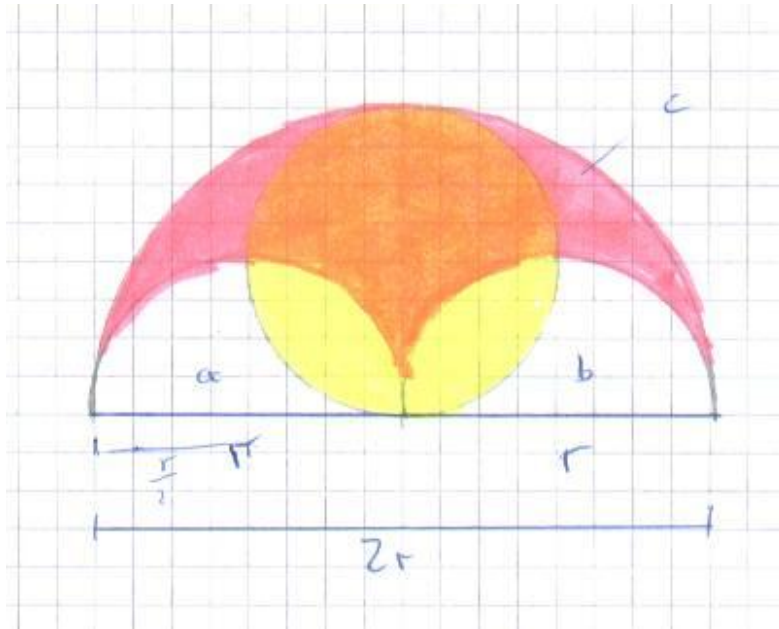
3. Nun den großen Halbkreis.

$$A_{\text{Kreis}} = \frac{r^2 \cdot \pi}{2} - \frac{r^2 \cdot \pi}{8} + \frac{r^2 \cdot \pi}{8} = \frac{r^2 \cdot \pi}{2}$$

Und schon hat man den Flächeninhalt und den Umfang...

Vorgehensweise:

1. Zuerst bestimmt man den Radius, man legt eine Strecke mit einem Buchstaben (r , a , ...) fest.



2. Danach berechnet man die lila Fläche.

$$A_{ab} = \left(\frac{r}{2}\right)^2 \cdot \pi = \frac{r^2}{4} \cdot \pi$$

$$A_c = \frac{r^2 \cdot \pi}{2}$$

$$A_{lila} = \frac{r^2 \cdot \pi}{2} - \frac{r^2}{4} \cdot \pi = r^2 \pi \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{4}\right) = \frac{1}{4} r^2 \pi$$

3. Und als drittes die gelbe Fläche.

$$A_{gelb} = \left(\frac{r}{2}\right)^2 \cdot \pi = \frac{r^2}{4} \cdot \pi$$

$$A_{gelb} = A_{lila}$$

Und fertig ist die ganze Aufgabe.

Ihr müsst halt immer schauen, dass ihr den Radius bekommt und geht dann ganz normal, Schritt für Schritt an die Aufgabe ran... ☺

5. Formeln zum Kreis

1. Flächeninhalt von A:

$$A=r^2\pi=(d/2)^2\pi$$

2. Umfang:

$$U=2r\pi=d\pi$$

3. Flächeninhalt von A_α :

$$A_\alpha = \frac{\alpha}{360^\circ} \cdot r^2 \cdot \pi$$

$$A_\alpha = \frac{1}{2} \cdot b \cdot r$$

4. Kreisbogen:

$$b = \frac{\alpha}{360^\circ} \cdot 2r\pi = \frac{\alpha}{180^\circ} \cdot r\pi$$